# ПЛЕОХРОЇЗМ У КРИСТАЛАХ КАЛІЮ КОБАЛЬТУ СУЛЬФАТУ ГЕКСАГІДРАТУ

І.І. ПОЛОВИНКО,<sup>1</sup> С.В. РИХЛЮК,<sup>1</sup> В.Б. КОМАН,<sup>1</sup> В.М. ДАВИДОВ<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Львівський національний університет ім. І. Франка, кафедра нелінійної оптики (Вул. Тарнавського, 107, Львів 79019; e-mail: rykhlyuk@gmail.com,rykhlyuk@ua.fm)

УДК 535.375.54, 539.26 ©2010 <sup>2</sup>Львівський національний університет ім. І. Франка, кафедра неорганічної хімії (Вул. Кирила і Мефодія, 6, Львів 79005)

Запропоновано новий метод вирощування кристалів калію кобальту сульфату гексагідрату з водного розчину солей  $K_2SO_4$  та  $CoCl_2$ . На основі рентгеноструктурних досліджень підтверджено хімічний склад вирощених кристалів. Отримано їх спектри пропускання в діапазоні 200–800 нм для кристалографічних орієнтацій (001) та (011). Виявлено явище плеохроїзму, яке пов'язане із смугами поглинання  $Co^{2+}$ . Встановлено зв'язок між структурою та оптичними спектральними властивостями отриманих кристалів.

### 1. Вступ

Дослідження оптичних спектрів кристалів привертає до себе увагу дослідників через необхідність пошуку ефективних оптичних фільтрів. У зв'язку з цим інтенсивно досліджуються солі Туттона [1–12]. Для них отримано дані про кристалічну структуру [1–5]. Низькочастотні коливні спектри кристалів солей Туттона з вмістом іонів Со, Ni, Zn досліджено в роботі [5]. Одним із представників солей Туттона є калій кобальт сульфат гексагідрат  $K_2Co(SO_4)_26H_2O$  (KCSH). Ця сіль належить до сполук, які є ізоморфними до  $M_2^I[M^{II}(H_2O)_6](SO_4)_2$ , де  $M^I$  – лужний метал чи NH<sub>4</sub>,  $M^{II}$  – двовалентний метал.

Особливості вирощування та діаграми розчинності сульфатів, які, зазвичай, використовуються для вирощування кристалів КСSH, вивчено в [6].

Кристали солі  $(NH_4)_2Co(SO_4)_26H_2O$  можна використовувати для експериментів з адіабатичного розмагнічування, яке використовується для отримання наднизьких температур [7]. Теорію магнітних властивостей солей Туттона з вмістом кобальту розвинуто в роботі [8], теорію парамагнітного резонансу в гідратованих солях з вмістом кобальту – в роботі [9], а досліди ЯМР на протонах у деяких парамагнітних солях досліджено в [10].

Однак, оптичні властивості КСЅН практично не вивчено. Раніше досліджували спектри мішаних кристалів  $K_2Co_xNi_{1-x}(SO_4)_26H_2O$  для однієї орієнтації (001) [11]. Наявність низької симетрії кристалів дозволяє очікувати залежності положення смуг поглинання від напрямку поширення світла, тому в даній роботі було проведено дослідження кристалів КСЅН у різних орієнтаціях.

### 2. Методика експерименту

Зразки для дослідження вирощували методом повільного випаровування при кімнатній температурі з водного розчину сульфату калію  $K_2SO_4$  та хлориду кобальту CoCl<sub>2</sub>, взятих у стехіометричних співвідношеннях. Аналогічну методику було вже застосовано для вирощування кристалів  $K_2Zn(SO_4)_26H_2O$  [12]. Для фільтрування водного розчину використано фільтрувальний папір із середнім діаметром пор 1–2,2 мкм. Оптично прозорі однорідні кристали виростали протягом 40–60 днів.

Вирощені кристали зображено на рис. 1. Як видно з цього рисунка, вони характеризуються добре розвинутою огранкою. Причому найбільш вираженими гранями є (001) та (011). Крім того, візуально можна побачити, що в різних напрямках вони мають різне забарвлення. Так, в напрямку (001) вони характеризуються світло-червоним, а в (011) – насиче-



Рис. 1. Фотографія вирощених кристалів КСЅН

ним темно-червоним забарвленням. Це вказує на наявність в них плеохроїзму.

Рентгенодифракційні дослідження здійснювали за допомогою порошкового дифрактометра HZG–4A. Джерелом X-променів була трубка з Cu–анодом (випромінювання з довжиною хвилі  $\lambda$ (Cu  $K_{\alpha}$ ) = 1,54185 Å). Структурні дослідження проводились на порошкових зразках, які отримано з вирощених монокристалів. Структурні параметри розраховували за допомогою універсального програмного пакета CSD версії 4.10, що призначений для обробки структурних даних монокристалів та порошків [13].

Спектри оптичного поглинання вимірювали в неполяризованому світлі при кімнатній температурі за допомогою спектрометра Shimadzu UV-3600 у діапазоні 200–800 нм з кроком 0,2 нм. Зразки для дослідження мали товщину близько 1 мм і їх вирізали перпендикулярно до напрямків (011) та (001). Аналіз спектрів проведено за допомогою методу похідної спектроскопії з використанням програмного пакета Microcal Origin.

## 3. Результати досліджень

Дифрактограму порошку КСSH наведено на рис. 2. Повний діапазон зміни кута  $\theta$ , у якому проводили вимірювання, становив 7–73 градуси (крок 0,05 град).

Відповідно до результатів рентгенодифракційних досліджень можна стверджувати, що кристали КСSH належать до моноклінної просторової групи  $P2_1/a$ ,  $C_{2h}$  за позначеннями Шенфліса, з параметрами ґратки a = 9,0514(6) Å, b = 12,204(1) Å, c = 6,1528(4) Å,  $\beta 104,825(3)^{\circ}$ , v = 657,1(2) Å<sup>3</sup>,Z = 2, і  $D_c = 2,2104(5)$  г·см<sup>-3</sup>. Ці результати добре узгоджуються із даними роботи [2].



Рис. 2. Дифрактограма порошку K<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>+CoCl<sub>2</sub>

Крім того, було здійснено програмний аналіз результатів рентгеноструктурних досліджень, який дозволив отримати атомні параметри кристалів КСSH, що представлено у табл. 1.

На основі отриманих результатів, та даних роботи [12] можна виділити елементарну комірку кристала  $K_2Co(SO_4)_26H_2O$ , яка показана на рис. 3. Як видно з цього рисунка, іон кобальту розміщений у октаедричному оточенні. На рис. 3 показано просторову геоме-

Таблиця 1. Атомні параметри для  $K_2Co(SO_4)_26H_2O$  (координати [Å] та еквівалентний ізотропний температурний параметр [Å<sup>2</sup>])

-		1 01	-	1 ( )/	
	Координати Å			Еквівалентний	
Атом				ізотропний	
	x	y	z	температурний	
				параметр $B(is/eq), Å^2$	
Co	0	0	0	1,531	
$\mathbf{S}$	0,411(2)	0,1340(12)	0,725(2)	1,212	
O1	0,403(3)	0,232(2)	0,573(4)	0,623	
O2	0,559(3)	0,068(2)	0,768(4)	0,623	
O3	0,283(3)	0,066(2)	0,628(4)	0,623	
O4	0,395(3)	0,171(2)	0,934(5)	0,623	
O5	0,177(3)	0,115(2)	0,179(4)	0,623	
O6	-0,174(3)	0,119(2)	0,041(4)	0,623	
O7	-0,007(3)	-0,067(2)	0,293(4)	0,623	
Κ	0,1311(13)	0,3493(9)	0,349(2)	1,595	
H1	0,207(3)	0,093(2)	0,282(5)	0,935	
H2	0,244(3)	0,122(2)	0,106(4)	0,935	
H3	-0,253(3)	0,105(2)	-0,046(4)	0,935	
H4	-0,143(3)	0,176(2)	0,009(4)	0,935	
H5	-0,071(4)	-0,065(2)	0,336(5)	0,935	
H6	0,030(3)	-0,134(3)	0,338(5)	0,935	

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2010. Т. 55, №2



Рис. 3. Елементарна комірка кристала K<sub>2</sub>Co(SO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>·6H<sub>2</sub>O

трію октаедра CoO<sub>6</sub>. Всі позиції октаедричного оточення іона Co<sup>2+</sup>зайняті іонами кисню (2×O5, 2×O6, 2×O7). Окрім того, у структурі чітко спостерігаються тетраедричні групи SO<sub>4</sub>, які розміщено між іонами калію. Слід також відзначити, що октаедр CoO<sub>6</sub> дещо стиснутий у напрямку O7–Co1–aO7. Це можна пояснити наявністю водневих зв'язків, які впливають на атоми кисню.

Спектри оптичного поглинання кристалів КСSH для поширення світла вздовж напрямків, перпендикулярних до кристалографічних площин (001) та (011), наведено на рис. 4. Із цього рисунка видно, що отримані спектри мають по одному максимуму, хоча і якісно відрізняються між собою. Так, пік поглинання інтенсивніший для орієнтації (001), ніж для (011). Причому останній дещо зміщений у бік нижчих частот.

Таблиця 2. Частоти елементарних коливань для кристала KCSH при поширенні світла вздовж напрямків перпендикулярно до кристалографічних площин (001) і (011)

	(01	11)	(001)		
	Положення	Амплітуда	Положення	Амплітуда	
	піка (см <sup>-1</sup> )				
Α	_	_	$19127\pm38$	25	
В	$19809\pm40$	33	—	—	
$\mathbf{C}$	—	—	$20229 \pm 40$	18	
D	$21515\pm41$	31	$21435\pm43$	19	
Е	$23065\pm46$	14	—	-	
$\mathbf{F}$	—	-	$24654\pm49$	11	

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2010. Т. 55, №2



Рис. 4. Оптичні спектри поглинання кристала КСSH для поширення світла вздовж напрямків перпендикулярно до кристалографічних площин (001) і (011)

Згідно з методом похідної спектроскопії з графічних залежностей оптичних спектрів було знайдено другі похідні (рис. 5, a, b) з використанням комп'ютерного розрахункового програмного пакета. За максимумами смуг у від'ємній частині графіків було визначено імовірні положення максимумів найпростіших гаусових функцій. Використовуючи ці дані, досліджувані спектри було апроксимовано набором функцій Гауса (рис. 5, e, e). Отримані таким чином частоти максимумів елементарних смуг та значення пікових коефіцієнтів поглинання наведено у табл. 2.

Як видно з рис. 5, 6, *е* та табл. 2, у спектрах поглинання кристалів КСЅН спостерігається 6 (A - F) різних смуг. Причому смуга D проявляється для обох досліджуваних напрямків поширення світла, що відповідають перпендикулярам до площин (011) та (001). Причому, як видно з рис. 5, її інтенсивність є різною для різних напрямків поширення світла. Смуги B (19778 см<sup>-1</sup>) і D (20815 см<sup>-1</sup>) проявляються для поширення світла вздовж напрямку, який перпендикулярний до площини (011), а смуги A, C, F - до (001).

### 4. Обговорення

З рис. 4 і 5,*в*,*г*, а також табл. 2 можна зробити висновок, що явище плеохроїзму в кристалах КСЅН однозначно пов'язане з анізотропією спектрів оптичного поглинання для різних напрямків поширення світла. Для пояснення спостережуваного явища в першому наближенні можемо вважати, що розщеплення енер-



Рис. 5. Другі похідні від спектрів поглинання для різних напрямків поширення світла (*a*, *b*) та апроксимація спектрів кристала КСSH гаусовими функціями (*s*, *z*)

гетичних рівнів іона  $Co^{2+}$  зумовлено симетрією O, викликаною октаедричним оточенням атомів кисню (рис. 3). Однак згідно з [4] у цьому випадку у спектрах поглинання спостерігались би лише дві смуги (рис. 6). Оскільки, як видно з рис. 5 та табл. 2, у спектрах спостерігається 6 елементарних смуг поглинання, то є очевидним, що оточення іона Co у кристалах КСSH є нижчим від октаедричного. Для знаходження структури енергетичних рівнів використаємо запропонований Бете метод пониження симетрії [15]. У нашому випадку згідно з цим методом, приймемо, що група O містить підгрупу  $D_4$ , тобто октаедр деформується вздовж вертикальної осі четвертого порядку. Незвідні представлення O і  $D_4$  зв'язані співвідношенням:

$$P_{\lambda} = \frac{1}{g_{D_4}} \sum_R \chi^O(R)^* \chi^{D_4}(R), \tag{1}$$

де  $\chi^O$  і  $\chi^{D_4}$  – характери матриць, що описують представлення груп O і  $D_4$  відповідно.  $P_{\lambda}$  визначає скільки разів представлення  $D_4$  міститься у незвідному представленні O. Користуючись позначенням представлень згідно з [15], запишемо:

$$\begin{aligned} A_{2g} &\to B_1, \\ T_{1g} &\to A_2 + E, \end{aligned}$$

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2010. Т. 55, №2

$$T_{2g} \to B_2 + E. \tag{2}$$

Як видно з (2), представлення E являє собою єдине вироджене представлення групи  $D_4$ . Це виродження можна зняти, виділяючи одну з осей другого порядку і понижуючи симетрію комплексу, зображеного на рис. 3, до моноклінної ( $C_2$ ). Використовуючи таблицю характерів групи  $C_2$ , по аналогії з (1), отримуємо:

$$B_1 \to A,$$

 $E \rightarrow B_2 + B_3,$ 

$$A_2 \to B_1,$$

$$B_2 \to B_1.$$
 (3)

Результати проведеного таким чином аналізу розщеплення енергетичних рівнів представлено на рис. 6.

Базисами представлень В1, В2, В3 є вектори, скеровані вздовж осей z, y, x відповідно. Таким чином, можна очікувати, що коливання електричного вектора світлової хвилі вздовж кожної з трьох кристалофізичних осей будуть супроводжуватися двома смугами поглинання. З аналізу отриманих результатів можна однозначно стверджувати, що смуга А відповідає переходу  $A - B_3(T_1)$ , а смуги B і C – переходам з основного на рівні  $B_1(T_1)$  та  $B_2(T_1)$  відповідно. У спектрах обох досліджуваних зразків спостерігається смуга D, яка відповідає переходу  $A - B_3(T_2)$ . Наявність смуги D (рис. 5, в, г) в розкладах спектрів для двох напрямків поширення світла (перпендикулярно площинам (011) та (001)) пов'язана з тим, що як у першому випадку, так і в другому випадку коливання вектора світлової хвилі може відбуватися вздовж напрямку ocix.

Як видно з табл. 2 за явище плеохроїзму відповідають усі смуги (A-F), оскільки вони або значно змінюють свою інтенсивність при різних геометріях експерименту (D), або проявляються лише в певних орієнтаціях (A, B, C, E, F).

#### 5. Висновки

З водного розчину  $K_2SO_4$  та CoCl<sub>2</sub> вирощено кристали KCSH доброї оптичної якості. Рентгенодифракційними методами підтверджено їх будову. Виявлено явище плеохроїзму, яке проявлялось у відмінності забарвлень кристалів, взятих в орієнтаціях (001) та (011). Вимірюючи оптичні спектри пропускання





Рис. 6. Розщеплення рівнів для Co<sup>2+</sup>

кристалів КСЅН та розкладаючи їх на елементарні смуги, показано, що у спектрах поглинання спостерігається 6 смуг з максимумами при частотах 19127, 19809, 20229, 21435, 21515, 23065 та 24654 см<sup>-1</sup>. Аналіз у межах групового підходу показав, що внаслідок низької симетрії оточення іона кобальту слід очікувати, що при довільному поширенні світлової хвилі у кристалі КСЅН коливання її електричного вектора будуть виникати у трьох кристалографічних напрямках, причому для кожного з них слід очікувати двох смуг поглинання. Таким чином, у довільному напрямку поширення світла можна спостерігати різне забарвлення кристала. Такий ефект плеохроїзму є перспективним для створення керованих оптичних поляризаційних фільтрів.

- 1. P. Ballirano and G. Belardi, Acta Cryst. E 62, 458 (2006).
- A. Kirfel, H. Klapper, W. Schafer, and F. Schwabenlander, Z. Kristallogr. 213, 456 (1998).
- J.M. Whitnall and C. Kennard, J. of Solid State Chem. 22, 379 (1977).
- Э. Ливер, Электронная спектроскопия неорганических соединений (Мир, Москва, 1987).
- M.V. Barashkov, A.A. Zazhogin, A.I. Komyak, and S.N. Shashkov, J. Appl. Spectr. 67, 605 (2000).
- L.V. Soboleva and L.F. Kirpichnikova, Crystallogr. Rep. 46, 306 (2001).
- 7. H.A. Farach and C.P. Poole, J. Phys. C 11, 4547 (1978).
- K. Kambe, S. Koide, and T. Usui, Prog. Theor. Phys. 7, 15 (1952).
- A. Abragam and M.H.L. Pryce, Proc. R. Soc. London, Sect. A 206, 173 (1951).
- 10. В.А. Столяров, Письма в ЖЭТФ 6, 476 (1967).
- 11. И.И. Половинко, С.В. Рыхлюк, В.Б. Коман, И.Д. Карбовнык, Журн. прикл. спектр. **76**, 126 (2009).
- I.I. Половинко, С.В. Рихлюк, В.М. Давидов, УФЖ 52, 671 (2007).

- L.G. Akselrud, Yu.N. Gryn, and P.Yu. Zavalii, in Abstracts of the 12th European Crystallographic Meeting, Moscow, August 20–29, 1989, Vol. 3, p. 155.
- L.G. Akselrud, Yu.N. Grin, V.K. Pecharsky, and P.Yu. Zavalii, CSD97 – Universal Program Package for Single Crystal and Powder Structure Data Treatment, Version 7 (1997).
- 15. Р. Нокс, А. Голд, Симметрия в твердом теле (Наука, Москва, 1970).

Одержано 10.04.09

#### ПЛЕОХРОИЗМ В КРИСТАЛЛАХ КАЛИЯ КОБАЛЬТА СУЛЬФАТА ГЕКСАГИДРАТА

И.И. Половинко, С.В. Рыхлюк, В.Б. Коман, В.М. Давыдов

Резюме

Предложен новый метод выращивания кристаллов калий кобальт сульфат гексагидрата из водного раствора солей K<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> и CoCl<sub>2</sub>. На основе рентгеноструктурных исследований подтвержден химический состав выращенных кристаллов. Получены их спектры оптического поглощения в диапазоне 200– 800 нм для кристаллографических ориентаций (001) и (011). Обнаружен плеохроизм, относящийся к полосам поглощения Co<sup>2+</sup>. Установлена связь структуры и оптических спектральных свойств полученных кристаллов.

# PLEOCHROISM IN POTASSIUM COBALT SULFATE HEXAHYDRATE CRYSTALS

I.I. Polovinko<sup>1</sup>, S.V. Rykhlyuk<sup>1</sup>, V.B. Koman<sup>1</sup>, V.M. Davydov<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Ivan Franko Lviv National University, Faculty of Nonlinear Optics (107, Tarnavskyi Str., Lviv 79019, Ukraine),
<sup>2</sup>Ivan Franko Lviv National University, Faculty of Inorganic Chemistry (6, Kyrylo and Mefodii Str., Lviv 79005, Ukraine)

Summary

A new method of growing potassium cobalt sulfate hexahydrate crystals from an aqueous solution of  $K_2SO_4$  and  $CoCl_2$  salts has been proposed. On the basis of X-ray diffraction researches, the chemical composition of crystals grown was confirmed. The corresponding transmission spectra in the range 200–800 nm were obtained for the crystallographic orientations (001) and (011). The pleochroism phenomenon associated with  $Co^{2+}$  absorption bands has been revealed. A relationship between the structural and optical spectral properties of the crystals obtained has been found.